

右の表はあるクラスの英語と数学の成績の分布である。生徒数は 50 人で、成績は 1 から 5 までの 5 段階評価である。たとえば、この表によると英語の成績が 4、数学の成績が 2 の生徒の数は 5 人である。

		Y		数 学				
				5	4	3	2	1
英 語	X	5	1	3	1	0	1	
	4	1	0	7	5	1		
	3	2	1	0	9	3		
	2	1	b	6	0	a		
	1	0	0	1	1	3		

このクラス全員の名札 50 枚をよくまぜて、1 枚を取り出し、その名札の生徒の英語の成績を X 、数学の成績を Y として確率変数 X, Y を定める。

ただし、同姓同名の生徒はいないものとする。

(1) $X = 4$ となる確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ である。 $X = 4$ かつ $Y = 3$ となる確率は $\frac{\text{エ}}{\text{オカ}}$

である。 $X \geq 3$ となる確率は $\frac{\text{キ}}{\text{クケ}}$ である。 $X \geq 3$ という条件のもとで $Y = 3$ とな

る条件つき確率は $\frac{\text{コ}}{\text{サシ}}$ である。

(2) $a + b = \text{ス}$ であり、 $X = 2$ となる確率は $\frac{\text{セ}}{\text{ソ}}$ で、 X の平均（期待値）は

$\frac{\text{タチ}}{\text{ツテ}}$ である。

(3) Y の平均が $\frac{133}{50}$ であれば、 $a = \text{ト}$ 、 $b = \text{ナ}$ である。

(4) $X = 2$ という事象と $Y = 4$ という事象が独立であれば、 $a = \text{ニ}$ 、 $b = \text{ヌ}$ であり、 Y の平均は $\frac{\text{ネノ}}{\text{ハ}}$ である。