

[1] 円いテーブルのまわりに 12 個の席がある。そこに二人が座るとき、その二人の間にある席の数のうち少ない方を  $X$  として確率変数  $X$  を定める。ただし、二人の間にある席の数が同数の場合には、その数を  $X$  とする。このとき

$$P(X=0) = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イウ}}}, \quad P(X=1) = \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オカ}}}, \quad P(X=5) = \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{クケ}}}$$

である。

$$\text{期待値 (平均) は } E(X) = \frac{\boxed{\text{コサ}}}{\boxed{\text{シス}}} \text{ であり, 分散は } V(X) = \frac{\boxed{\text{セソタ}}}{\boxed{\text{チツテ}}} \text{ である。}$$

[2]  $a, b$  を 4 以上の整数とし、 $a$  個の席のある円いテーブルと  $b$  個の席のある円いテーブルがある。そこに二人が座るとき、二人がそれぞれ確率  $\frac{1}{2}$  でどちらかのテーブルを選んで座るものとする。二人が同じテーブルでとなりあって座る確率を  $p(a, b)$  とする。

いつ  $p(a, b) = \frac{1}{14}$  となるかを調べてみよう。  $p(a, b) = \frac{1}{14}$  を変形すると

$$(a - \boxed{\text{ト}})(b - \boxed{\text{ナ}}) = \boxed{\text{ニヌ}}$$

となる。

したがって、 $a = b$  ならば  $a = \boxed{\text{ネノ}}$  のとき、 $p(a, b) = \frac{1}{14}$  となる。

また、 $a > b$  ならば  $a = \boxed{\text{ハヒ}}$ 、 $b = \boxed{\text{フ}}$  のとき、 $p(a, b) = \frac{1}{14}$  となる。